

Part 3. 分子の極性と磁性

9 分子の極性

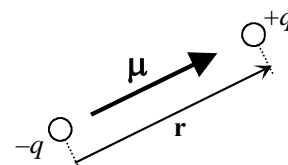
9.1 電気双極子モーメント

$$\boldsymbol{\mu} = q\mathbf{r} \quad (9.1)$$

単位: D (デバイ) = 3.33564×10^{-30} C m

$1 \text{ D} = 10^{-18} \text{ Fr cm}$, $1 \text{ Fr} = 10 \text{ C} / c_0 [\text{cm s}^{-1}] = 3.33564 \times 10^{-10} \text{ C}$

1 \AA 離れた $-e$ と $e \rightarrow 4.80321 \text{ D}$



電気双極子モーメント

[誘起双極子]

・電場 \mathbf{E} 中で

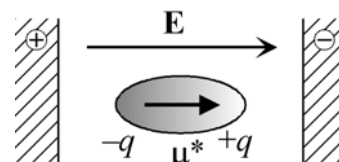
$$\boldsymbol{\mu}^* = \alpha \mathbf{E} \quad (9.2)$$

α : 分極率 [$\text{C V}^{-1} \text{ m}^2 = \text{F m}^2$]

分極率体積

$$\alpha' = \frac{\alpha}{4\pi\epsilon_0} \quad (9.3)$$

ϵ_0 : 真空の誘電率 [F m^{-1}]



誘起双極子

9.2 マクロな物性

[分極]

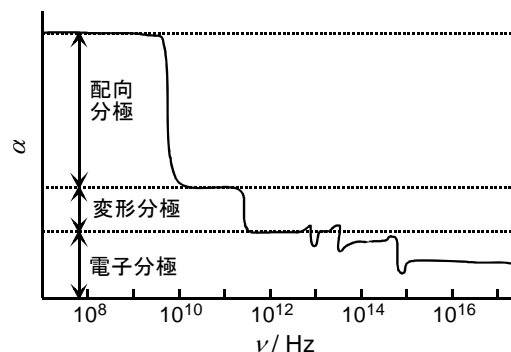
単位体積あたりの平均電気双極子モーメント

[高周波電場中の分極]

〈配向分極〉 分子配向が電場に追随 (分子回転) $< 10^{11} \text{ Hz}$

〈変形分極〉 原子核位置が電場に追随 (振動) $< 10^{13} \text{ Hz}$

〈電子分極〉 電子分布が電場に追随 (分子の分極率)



高周波電場による分極

[誘電率]

電荷 q_1, q_2 の相互作用ポテンシャル

$$V = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon r} \quad (9.4)$$

ϵ : 誘電率 [F m^{-1}]

比誘電率 (C: 静電容量)

$$\epsilon_r = \frac{\epsilon}{\epsilon_0} = \frac{C}{C_0} \quad (9.5)$$

〈ミクロな量との関係〉

Debye の式

$$\frac{\epsilon_r - 1}{\epsilon_r + 2} = \frac{\rho P_m}{M} \quad (9.6)$$

P_m : モル分極 [$\text{m}^3 \text{ mol}^{-1}$], M : モル質量 [kg mol^{-1}], ρ : 密度 [kg m^{-3}]

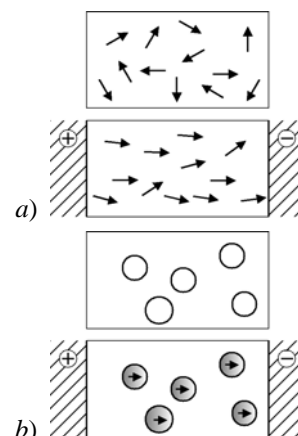
$$P_m = \frac{N_A}{3\epsilon_0} \left(\alpha + \frac{\mu^2}{3kT} \right) \quad (9.7)$$

α [F m^2], ϵ_0 [F m^{-1}]

[屈折率]

$$n_r = \frac{c_0}{c} = \epsilon_r^{1/2} \quad (9.8)$$

c_0 : 真空中の光速 c : 媒質中の光速



分極への
a) μ と b) α の寄与

cf.) スネルの法則

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

問題 9.1

以下に示す、水蒸気の蒸気圧における比誘電率 ϵ_r の測定値から Debye 式を仮定して、 H_2O 分子の双極子モーメント μ [D] と分極率体積 α' [$\text{\AA}^3 = 10^{-30} \text{ m}^3$] を求めよ。

(完全気体を仮定してよい)

温度 / °C	蒸気圧 / atm	ϵ_r
80	0.467	1.00305
100	1.000	1.00587
